

1a

Begrüßung, Organisatorisches, Inhaltsübersicht und Grundlagen

PD Dr. Jan Johannsen

Institut für Informatik

Stand: 25. März 2026

Basierend auf Folien von PD Dr. David Sabel und Prof. Dr. Jasmin Blanchette



Dozent

- ▶ PD Dr. Jan Johannsen
jan.johannsen@ifi.lmu.de

Übungsleitung

- ▶ Elisabeth Lempa
elisabeth.lempe@ifi.lmu.de
- ▶ Luca Maio
luca.maio@ifi.lmu.de

Tutorinnen und Tutoren

- ▶ Luis Gambarte
- ▶ Valentin Haury
- ▶ Lennard Henseler
- ▶ Sonja Matuska
- ▶ Katharina Ring

Korrektorin

- ▶ Magdalena Mansfeld

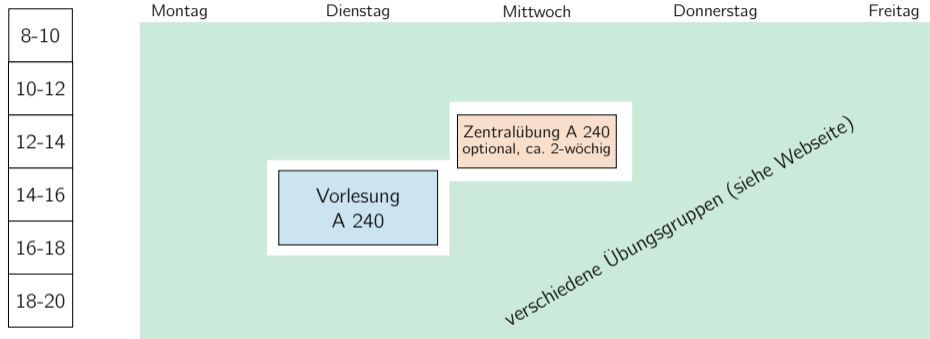
Formale Sprachen und Komplexität (FSK)

- ▶ Studierende der Informatik
- ▶ Studierende der Bioinformatik
- ▶ Studierende im Lehramt
- ▶ Studierende im Nebenfach Informatik

Theoretische Informatik für Studierende der Medieninformatik (TIMI)

- ▶ Studierende der Medieninformatik

Struktur der Veranstaltung



- ▶ **Vorlesung:** FSK: 3V, TIMI: 2V (integriert, Plan auf Webseite)
- ▶ **Zentralübung:** Zusatzangebot, Fragestunde und Beispiele (Plan auf Webseite)
- ▶ **Übungen:** in Präsenz; Besprechung der Aufgabenblätter; FSK: 2Ü, TIMI: 1Ü

Webseiten

www.tcs.ifi.lmu.de/teaching/courses-ss-2026/formale-sprachen-und-komplexitaet (FSK)

www.tcs.ifi.lmu.de/teaching/courses-ss-2026/theoretische-informatik-fuer-studierende-de-medieninformatik (TIMI)

Moodle

moodle.lmu.de/course/view.php?id=44249 (FSK)

moodle.lmu.de/course/view.php?id=44250 (TIMI)

Anmeldung ist notwendig für Abgabe und Korrektur der [Übungsblätter](#).

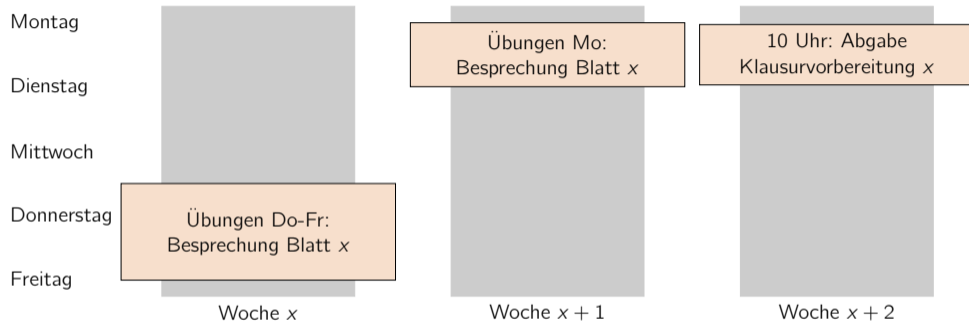
Zulip-Chat

Server-Adresse: chat.ifi.lmu.de

Stream: [TCS-26S-FSK-TIMI](#)

[Fragen und Kommentare](#) am besten dort stellen.

Klausurvorbereitung



- ▶ Die erste Übung war zum Kennenlernen und zur Besprechung von Übungsblatt 0 (ohne Abgabe) da.
- ▶ Sie wählen Ihre Übungsgruppe selbst.

- ▶ Ausgewählte Aufgaben werden als Klausurvorbereitung gekennzeichnet.
- ▶ Diese werden eingereicht und korrigiert.
- ▶ Die Korrektur dient als Feedback.
- ▶ Abgabe und Korrektur der Klausurvorbereitungsaufgaben erfolgt über Moodle.

- ▶ Die Bearbeitungszeit der Präsenzklausur beträgt 120 Minuten.
- ▶ Anmeldung zur Prüfung wird noch freigeschaltet.
- ▶ Teilnahme an der Wiederholungsklausur ist auch ohne Teilnahme an der regulären Klausur möglich.
- ▶ Die reguläre Klausur wird am 05.08.2026 ab 14:00 Uhr stattfinden.
- ▶ Das Datum der Wiederholungsklausur ist noch nicht bekannt.

Auf der Webseite verfügbar

- ▶ Vorlesungsfolien
- ▶ Vorlesungsskript
 - ▶ Die nicht TIMI-relevanten Teile sind mit ★ markiert.
 - ▶ Kapitel 2 (Grundlagen) ist zum Teil dem Selbststudium überlassen.
- ▶ Übungsblätter

Wesentliche Quelle

- ▶ Uwe Schöning: Theoretische Informatik – kurz gefasst, 5. Auflage, Spektrum Akademischer Verlag, 2008
Zum Teil zu kurz gefasst

Weitere Literatur

- ▶ Alexander Asteroth und Christel Baier: Theoretische Informatik, Pearson, 2002.
Aufbau in anderer Reihenfolge, Zugriff über UB
- ▶ John E. Hopcroft, Rajeev Motwani und Jeffrey D. Ullman: Introduction to Automata Theory, Languages, and Computation, 3. Auflage, Pearson, 2006
Der Klassiker, umfangreich, Erstauflage 1979
- ▶ Ingo Wegener: Theoretische Informatik – eine algorithmenorientierte Einführung, 3. Auflage, Teubner Verlag, 2005.
Algorithmen stehen im Vordergrund, Zugriff über UB

Ziel der Veranstaltung

Ziel ist die Vermittlung von:

Theorie

- ▶ Die Theorie sagt uns, was **Computer (wie schnell) können** und was nicht.
- ▶ Viele Konzepte haben **praktische Anwendungen**.
- ▶ Die Theorie an sich ist zum Teil **sehr schön**.

Fähigkeiten

- ▶ Sie werden lernen, mit **abstrakten Konzepten** umzugehen.
- ▶ Sie werden lernen, **sorgfältig und präzise** zu arbeiten.
- ▶ Sie werden Fähigkeiten zur **Beweisführung** entwickeln.

Drei große Themen der Theoretischen Informatik:

1. Formale Sprachen und Automatentheorie

Wie stellt man Entscheidungsprobleme formal dar?

Insbesondere: Wie kann man Programmiersprachen u.Ä. erkennen?

2. Berechenbarkeitstheorie

Welche Probleme kann man algorithmisch

(bzw. mit dem Computer) überhaupt lösen?

3. Komplexitätstheorie

Welche Probleme kann man in annehmbarer Zeit lösen?

1. Formale Sprachen und Automatentheorie

Wie stellt man Entscheidungsprobleme formal dar?

Insbesondere: Wie kann man Programmiersprachen u.Ä. erkennen?

Schlüsselkonzepte:

- ▶ Formale Sprachen und Entscheidungsprobleme
- ▶ Reguläre Ausdrücke (z.B. für Lexer)
- ▶ Grammatiken (z.B. für Parser)
- ▶ Automaten

2. Berechenbarkeitstheorie

*Welche Probleme kann man algorithmisch
(bzw. mit dem Computer) überhaupt lösen?*

Schlüsselkonzepte:

- ▶ Intuitive Berechenbarkeit
- ▶ Turingberechenbarkeit
- ▶ Imperative Programme (LOOP, WHILE, GOTO)
- ▶ Rekursive Funktionen
- ▶ Unentscheidbarkeit

3. Komplexitätstheorie

Welche Probleme kann man in annehmbarer Zeit lösen?

Schlüsselkonzepte:

- ▶ Die Klassen P und NP
- ▶ NP-Schwere, NP-Vollständigkeit
- ▶ Konkrete NP-vollständige Probleme

Definition

Ein **Alphabet** Σ ist eine endliche nicht leere Menge von **Zeichen** (oder **Symbolen**).

Z.B. $\Sigma = \{a, b, c, d, e\}$.

Definition

Ein **Wort** w über Σ ist eine endliche Folge von Zeichen aus Σ .

Beispiele:

- ▶ *bade* ist ein Wort über $\{a, b, c, d, e\}$.
- ▶ *baden* ist **kein** Wort über $\{a, b, c, d, e\}$.

Weitere Notationen zu Wörtern

- ▶ Das **leere Wort** wird als ε notiert.
- ▶ Für $w = a_1 \cdots a_n$ ist $|w| = n$ die **Länge** des Wortes.
- ▶ Für $1 \leq i \leq |w|$ ist $w[i]$ das Zeichen an der **i -ten Position** in w .
- ▶ Für $a \in \Sigma$ und w ein Wort über Σ sei $\#_a(w) \in \mathbb{N}$ die **Anzahl an Vorkommen** des Zeichens a im Wort w .

Beispiele:

- ▶ Es gilt $|\varepsilon| = 0$ und $\#_a(\varepsilon) = 0$ für alle $a \in \Sigma$.
- ▶ Für $\Sigma = \{a, b, c\}$ ist
 - ▶ $|abbccc| = 6$
 - ▶ $|aabbccc| = 8$
 - ▶ $\#_a(abbccc) = 1$
 - ▶ $\#_c(aabbccc) = 3$.
- ▶ Für $w = abbcd$ ist $w[1] = a$, $w[5] = c$ und $w[7]$ undefiniert.

Konkatenation und Kleene-Stern

Definition

Das Wort $u \cdot v$ (alternativ uv) entsteht, indem Wort v hinten an Wort u angehängt wird.

Die Konkatenation hilft folgende Mengen von Wörtern über Σ zu definieren:

Definition

Sei Σ ein Alphabet, dann definieren wir:

$$\begin{aligned}\Sigma^0 &:= \{\varepsilon\} \\ \Sigma^i &:= \{aw \mid a \in \Sigma, w \in \Sigma^{i-1}\} \text{ für } i > 0 \\ \Sigma^* &:= \bigcup_{i \in \mathbb{N}} \Sigma^i \\ \Sigma^+ &:= \bigcup_{i \in \mathbb{N}_{>0}} \Sigma^i\end{aligned}$$

Beachte: $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$ und $\mathbb{N}_{>0} = \{1, 2, \dots\}$.

Beispiele für Konkatenation und Kleene-Stern

Sei $\Sigma = \{a, b\}$.

Dann ist

$$\Sigma^0 = \{\varepsilon\},$$

$$\Sigma^1 = \Sigma = \{a, b\},$$

$$\Sigma^2 = \{aa, ab, ba, bb\},$$

$$\Sigma^3 = \{xw \mid x \in \{a, b\}, w \in \Sigma^2\} = \{aaa, aab, aba, abb, baa, bab, bba, bbb\}$$

\vdots

und

$$\Sigma^* = \{\varepsilon, a, b, aa, ab, ba, bb, aaa, aab, aba, abb, baa, bab, bba, bbb, aaaa, \dots\}.$$

Weitere Notationen und Begriffe

Sei w ein Wort über Σ .

- ▶ w^m entsteht aus m -maligen Konkatenieren von w , d.h.

$$w^0 = \varepsilon \text{ und } w^m = ww^{m-1} \text{ für } m > 0$$

- ▶ \bar{w} ist das rückwärts gelesene Wort w , d.h.

$$\bar{\varepsilon} = \varepsilon \text{ und für } w = a_1 \cdots a_n \text{ ist } \bar{w} = a_n \cdots a_1$$

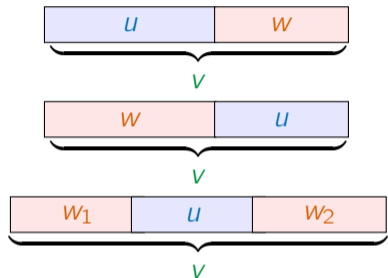
- ▶ w ist ein Palindrom g.d.w. $w = \bar{w}$.

Beispiele für Palindrome: anna, reliefpfeiler, lagerregal, annasusanna.

Sprechweisen: Präfix, Suffix, Teilwort

Seien u, v Wörter über einem Alphabet Σ .

- ▶ u ist ein **Präfix** von v , wenn es ein Wort w gibt mit $uw = v$.
- ▶ u ist ein **Suffix** von v , wenn es ein Wort w gibt mit $wu = v$.
- ▶ u ist ein **Teilwort** von v , wenn es Wörter w_1, w_2 gibt mit $w_1uw_2 = v$.



Beispiel: Sei $w = ababbaba$.

- ▶ w ist ein Präfix, Suffix und Teilwort von w .
- ▶ aba ist ein Präfix, Suffix und Teilwort von w .
- ▶ $ababb$ ist ein Präfix und Teilwort von w , aber kein Suffix von w .
- ▶ bab ist ein Teilwort von w , aber weder ein Präfix noch ein Suffix.

Definition

Eine (**formale**) **Sprache** L über dem Alphabet Σ ist eine Teilmenge von Σ^* , d.h. $L \subseteq \Sigma^*$.

Beachte: L steht für „language“.

Definition

Seien L, L_1, L_2 formale Sprachen über Σ .

- ▶ **Vereinigung**: $L_1 \cup L_2 := \{w \mid w \in L_1 \text{ oder } w \in L_2\}$
- ▶ **Schnitt**: $L_1 \cap L_2 := \{w \mid w \in L_1 \text{ und } w \in L_2\}$
- ▶ **Komplement** zu L : $\bar{L} := \Sigma^* \setminus L$
- ▶ **Produkt**: $L_1 \cdot L_2 = L_1 L_2 = \{uv \mid u \in L_1 \text{ und } v \in L_2\}$

Beispiele für Operationen auf formalen Sprachen

Seien $\Sigma = \{a, b\}$, $L_1 = \{a^i \mid i \in \mathbb{N}\}$ und $L_2 = \{b^i \mid i \in \mathbb{N}\}$.

$$L_1 \cup L_2 = ?$$

$$L_1 \cap L_2 = ?$$

$$\overline{L_1} = ?$$

$$L_1 L_2 = ?$$

$$L_2 L_1 = ?$$

$$L_1 L_1 = L_1$$

Kleenescher Abschluss

Sei L eine Sprache. Dann ist:

$$L^0 := \{\varepsilon\}$$

$$L^i := L \cdot L^{i-1} \text{ für } i > 0$$

$$L^* := \bigcup_{i \in \mathbb{N}} L^i$$

$$L^+ := \bigcup_{i \in \mathbb{N}_{>0}} L^i$$

Die Sprache L^* nennt man auch den **Kleeneschen Abschluss** von L , benannt nach Stephen Cole Kleene.

Beispiel: Sei $L = \{ab, ac\}$.

$$L^0 = \{\varepsilon\}$$

$$L^1 = L \cdot L^0 = L = \{ab, ac\}$$

$$L^2 = L \cdot L^1 = \{abab, abac, acab, acac\}$$

$$L^3 = L \cdot L^2 = \{ababab, ababac, abacab, abacac, acabab, acabac, acacab, acacac\}$$

Weitere Beispiele für Operationen auf formalen Sprachen

$$((\{\epsilon, 1\} \cdot \{0, \dots, 9\}) \cup (\{2\} \cdot \{0, 1, 2, 3\})) \cdot \{:\} \cdot \{0, 1, 2, 3, 4, 5\} \cdot \{0, \dots, 9\}$$

Beschriebene Sprache = ? Sprache aller gültigen Uhrzeiten

$$\{0\} \cup (\{1, \dots, 9\} \cdot \{0, \dots, 9\}^*)$$

Beschriebene Sprache = ? Sprache aller natürlichen Zahlen in Dezimaldarstellung