

Übung 6 zur Vorlesung Theoretische Informatik für Studierende der Medieninformatik

Hinweis:

Die letzte Aufgabe auf diesem Blatt ist eine Aufgabe zur Klausurvorbereitung. Diese Aufgabe orientiert sich in Form und inhaltlichen Schwerpunkten an den Klausuraufgaben. Dies bedeutet jedoch nicht, dass die anderen Aufgaben nicht klausurrelevant sind.

Die Lösungen der Klausurvorbereitungs-Aufgaben werden am Ende der Bearbeitungszeit gesondert veröffentlicht, aber **nicht** im Tutorium besprochen. Die Lösungen der anderen Aufgaben werden bereits zu Beginn der Bearbeitungszeit veröffentlicht und können Ihnen bei der Bearbeitung helfen.

Wenn Sie Ihre Lösung innerhalb der Bearbeitungszeit über Moodle abgeben, erhalten Sie eine individuelle Korrektur. Die Abgabe ist freiwillig (aber nachdrücklich empfohlen).

Wenn Sie Automaten angeben, tun Sie dies immer in Form eines Zustandsgraphen. Andere Formen der Darstellung (z.B. als Liste von Übergängen) werden nicht gewertet, da sie sehr viel aufwändiger zu korrigieren sind. Vergessen Sie nicht, im Zustandsgraph Start- und Endzustände zu markieren.

TIMI6-1 Kontextfreie Grammatiken und Kellerautomaten

Sei $L = \{a^{2n}\$a^n \mid n \in \mathbb{N}_{>0}\}$ eine Sprache über dem Alphabet $\Sigma = \{a, \$\}$.

- Geben Sie eine kontextfreie Grammatik an, die L erkennt.
- Geben Sie einen Kellerautomaten an, der L akzeptiert (mit leerem Keller oder mit Endzuständen). Erklären Sie kurz, warum Ihr Automat genau L akzeptiert.

TIMI6-2 CYK-Algorithmus

Sei G die Grammatik $(\{A_1, A_2, A_3, A_4, A_5\}, \{\$, \#\}, P, A_1)$ mit

$$P = \{A_1 \rightarrow A_3A_4 \mid A_3A_2, \\ A_2 \rightarrow A_2A_3 \mid A_4A_4, \\ A_3 \rightarrow \$, \\ A_4 \rightarrow \# \mid A_3A_4, \\ A_5 \rightarrow A_4A_4 \mid \#\}$$

- a) Prüfen Sie mit dem CYK-Algorithmus, ob $w_1 = \$\#\#\#$ in $L(G)$ ist. Erstellen Sie dazu die entsprechende Tabelle des Algorithmus und erklären Sie anhand der Tabelle, ob das Wort in $L(G)$ ist.
- b) Geben Sie alle weiteren Wörter w an, für die sich aus der Tabelle ergibt, dass $w \in L(G)$ ist.

Klausurvorbereitung TIMI-6-K

- a) Sei $H = (V, \Sigma, P, S)$ mit
 - $V = \{S, W, U, V, A, B\}$
 - $\Sigma = \{a, b\}$
 - $P = \{S \rightarrow WW,$
 $W \rightarrow AU \mid BV \mid a \mid b,$
 $A \rightarrow a,$
 $B \rightarrow b,$
 $U \rightarrow WA,$
 $V \rightarrow WB\}$

Hinweis: In einer früheren Version dieses Blattes war die angegebene Grammatik nicht in Chomsky-Normalform. Falls Sie bereits mit der Lösung der Aufgabe begonnen haben, und die Grammatik selbst in die CNF überführt haben, können Sie diesen Teil Ihrer Lösung gerne mitabgeben, um Feedback darauf zu erhalten.

Wenden Sie den CYK-Algorithmus an, um für das Wort $aabbaba$ zu entscheiden, ob es in $L(H)$ liegt.